

# 全国成人高考数学（理）考前模拟卷（二）

## 第 I 卷（选择题）

一、选择题：1-12 小题，每小题 7 分，共 84 分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求。

1. 设集合  $A = \{a, b, c, d, e\}$ ,  $B = \{a, b, e\}$ , 那么  $A \cup B = ( )$

- A.  $\{a, b, e\}$       B.  $\{c, d\}$       C.  $\{a, b, c, d, e\}$       D. 空集

2. 函数  $y = \sqrt{1 - |x+3|}$  的定义域是 ( )

- A.  $\mathbb{R}$       B.  $[0, +\infty]$       C.  $[-4, -2]$       D.  $(-4, -2)$

3. 设  $U = \mathbb{R}$ ,  $M = \{x | x^2 - 2x > 0\}$ , 那么  $C_U M = ( )$

- A.  $[0, 2]$       B.  $(0, 2)$       C.  $(-\infty, 0) \cup (2, +\infty)$       D.  $(-\infty, 0] \cup [2, +\infty)$

4. 设甲： $x=2$ ；乙： $x^2+x-6=0$ ，那么 ( )

- A. 甲是乙的必要非充分条件      B. 甲是乙的充分非必要条件  
C. 甲是乙的充要条件      D. 甲不是乙的充分条件也不是乙的必要条件

5. 若  $x=4+2i$ ,  $y=5-i$  则 ( )

- A.  $x > y$       B.  $x < y$       C.  $|x| > |y|$       D.  $|x| < |y|$

6. 两条平行直线  $z_1 = 3x + 4y - 5 = 0$  与  $z_2 = 6x + 8y + 5 = 0$  之间的距离是 ( )

- A. 2      B. 3      C.  $\frac{1}{2}$       D.  $\frac{3}{2}$

7. 设  $\tan \alpha = 1$ , 且  $\cos \alpha < 0$ , 那么  $\sin \alpha = ( )$

- A.  $-\frac{\sqrt{2}}{2}$       B.  $-\frac{1}{2}$       C.  $\frac{1}{2}$       D.  $\frac{\sqrt{2}}{2}$

8. 已知  $\triangle ABC$  中,  $AB=AC=3$ ,  $\cos A = \frac{1}{2}$ , 那么 BC 长为 ( )

- A. 3      B. 4      C. 5      D. 6

9. 已知向量  $a = (4, x)$ , 向量  $b = (5, -2)$ , 且  $a \perp b$ , 那么 x 的值为 ( )

- A. 10      B. -10      C.  $\frac{8}{5}$       D.  $-\frac{8}{5}$

10. 到两定点 A  $(-1, 1)$  和 B  $(3, 5)$  距离相等的点的轨迹方程为 ( )

- A.  $x+y-4=0$       B.  $x+y-5=0$       C.  $x+y+5=0$       D.  $x-y+2=0$

11. 抛物线  $y^2 = -4x$  上一点 P 到核心的距离为 3, 那么它的横坐标是 ( )

- A. -4      B. -3      C. -2      D. -1

12. 假设从 6 名志愿者当选出 4 人别离从事翻译、导游、导购、保洁四项不同工作, 那么选派方案共( )

- A. 180 种                  B. 360 种                  C. 15 种                  D. 30 种

第 II 卷 (非选择题)

二、填空题:13-15 小题, 每小题 7 分, 共 21 分.

13. 函数  $y=2\sin 2x$  的最小正周期=\_\_\_\_\_

14. 过曲线  $y=\frac{1}{3}x^3$  上一点  $P(2, \frac{8}{3})$  的切线方程是=\_\_\_\_\_

15. 从球队中随机选出 5 名队员, 其身高别离为 (单位: cm) 180, 188, 200, 195, 187, 那么身高的样本方差为\_\_\_\_\_  $\text{cm}^2$

三、解答题:16-18 小题, 每小题 15 分, 共 45 分. 解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤.

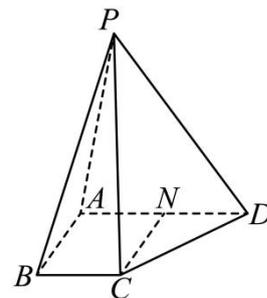
16. (15 分)

设等比数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和为  $S_n$ , 已知  $a_2 = 6, 6a_1 + a_3 = 30$ , 求  $a_n$  和  $S_n$

17. (15 分)

如图, 在四棱锥  $P-ABCD$  中,  $BC \parallel$  平面  $PAD$ ,  $BC = \frac{1}{2}AD$ , 点  $N$  是  $AD$  的中点. 求证:

(1)  $BC \parallel AD$ ; (2)  $CN \parallel$  平面  $PAB$ .



18. (15 分)

已知在  $[-2, 2]$  上有函数  $f(x) = 2x^3 + 6x^2$ ,

(1) 求证函数  $f(x)$  的图像通过原点, 并求出  $f(x)$  在原点的导数值, 和在  $(1, 1)$  点的导数值.

(2) 求函数在区间  $[-2, 2]$  的单调区间和最大值最小值.

## 参考答案及解析

### 一. 单项选择题

1-5: CCABD    6-10: DAAAA    11-12: CD

### 二. 填空题

13.  $\pi$

14.  $12x-3y-16=0$

15. 47.6

### 三. 解答题

16. 解: 设  $\{a_n\}$  的公比为  $q$ , 由题设得

$$\begin{cases} a_1q = 6, \\ 6a_1 + a_1q^2 = 30. \end{cases}$$

$$\text{解得 } \begin{cases} a_1 = 3, \\ q = 2, \end{cases} \text{ 或 } \begin{cases} a_1 = 2, \\ q = 3. \end{cases}$$

当  $a_1 = 3, q = 2$  时,  $a_n = 3 \times 2^{n-1}, S_n = 3 \times (2^n - 1)$ ;

当  $a_1 = 2, q = 3$  时,  $a_n = 2 \times 3^{n-1}, S_n = 3^n - 1$ .

17. 解: (1)  $\because BC // \text{平面 PAD}, BC \subset \text{平面 ABCD}, \text{平面 PAD} \cap \text{平面 ABCD} = AD,$

$\therefore BC // AD.$

(2) 由 (1) 知,  $BC // AN,$

又  $N$  是  $AD$  的中点,  $BC = \frac{1}{2}AD,$   $\therefore BC = AN,$

$\therefore$  四边形  $ABCN$  是平行四边形,  $\therefore CN // AB,$

又  $CN \not\subset \text{平面 PAB}, AB \subset \text{平面 PAB}, \therefore CN // \text{平面 PAB}.$

18. 解: 因为  $f(0) = 0$ , 因此图像过原点.

$f'(x) = 6x^2 + 12x$ , 因此  $f'(0) = 0, f'(1) = 6 + 12 = 18.$

由于  $f'(x) = 6x^2 + 12x$ , 令  $f'(x) = 0$ , 解得驻点为  $x_1 = -2, x_2 = 0$

(1) 当  $x < -2$  时,  $f'(x) > 0$ . 因此  $f(x)$  单调递增.

(2) 当  $-2 < x < 0$  时,  $f'(x) < 0$ . 因此  $f(x)$  单调递减.

(3) 当  $x > 0$  时,  $f'(x) > 0$ . 因此  $f(x)$  单调递增.

由于  $f(0) = 0, f(-2) = 8, f(2) = 40$

因此此函数在区间  $[-2, 2]$  上的最大值为 40, 最小值为 0.